(3)

# UNIVERSIDAD DE COSTA RICA SEDE DE OCCIDENTE DEPARTAMENTO DE CIENCIAS NATURALES SECCION DE MATEMATICA GEOMETRIA ANALITICA MAØ421

Profesor Luis Gerardo Araya Aguilar

44-2-1998

PROGRAMA GEOMANA1.998

Entrada:

La geometría analítica es un arte, una disciplina y un campo de la matemática que abarca una organización de procesos con los números, con su operatoria, ordenación, completitud, medidas, conjuntos, relaciones, funciones, estructuras algebraicas, en su relación extrecha con la ciencia de los dibujos, de las figuras, dicho de otra forma es la integración de la aritmética, el álgebra, la trigonometría, el análisis, la topología, el cálculo con la geometría.

La bae de la geometría analítica empieza cuando se ve como números o al menos se representan todas las cosas mediante números, los objetos y sus propiedades, este ejercicio comienza con las asociaciones básicas de que a cada punto de una recta se asocia un único número real y viceversa. Luego a cada punto de un plano se asocia un único par de números reales y viceversa. A cada punto del espacio se le asocia una única terna de números reales y viceversa. Este desarrollo se continua, para espacios con más de tres dimensiones y por eso las coordenadas tienen cuartetas, quintetos, sextetos, heptetos, sucesivamente enétuplos de números reales o complejos o la clase de números que se ajuste al estudio que se debe hacer. Este proceso es abierto, tanto en el sentido de los productos cartesianos de dos conjuntos, tres, cuatro, cinco, sucesivamente hasta este ene, o más allá hasta tantas veces como los números naturales o cualquier parte de los números reales, así este campo de la matemática es creadoramente bello.

El desarrollo de la geometría analítica se dio mediante el esfuerzo de muchas personas en el transcurso del tiempo y el esfuerzo de muchas personas en el transcurso del tiempo y el espacio, así los griegos Euclides, Pitágoras, Thales, Arquímides, sientan unas bases, unos conocimientos, uno métodos, los cuales son retomados con nuevos ojos, con nuevos pensamientos, con nuevos símbolos, con nuevos problemas, con nuevas necesidades y así las curvas o las figuras en el plano son vistas mediante pares ordenados, sus propiedades o relaciones-mediante fórmulas dadas en ecuaciones o desigualdades y así Descartes escribe y dibuja el incio de su geometría analítica, con sus limitaciones y su idea original o con su plan que hasta ese momento podía realizar y logra más verdad, más libertad, más formas de ver las cosas mediante símbolos y sus propiedades o relaciones. Este proceso no se detiene y continua Newton y Leibniz, con el cálculo, donde aportan y resuelven el problema de la tangente en cualquier punto de una curva y el área de regiones de curvas menos sencillas.

1. 44-3-99

Hoy en día hay voluminosos libros que contienen muchas aplicaciones y donde se puede estudisr muchas propiedades geométricas traducidas al lenguaje algebraico o del análisis, permitiendo de esta manera explicaciones sencillas correctas.

En el mundo de hoy, toda persona se maneja o vive en muchas dimensiones o espacios de muchas dimensiones. esa es la forma compleja del mundo de hoy, de esto la importancia que la educación forme mentes con instrumentos teóricos de muchas coordenadas y por esto la importancia de aprender vectores, matrices o funciones de varias variables y que nuestro pensamiento se vuelva original, más creador y libre.

A estudiar espacios de cualquier dimensión y a conocer las infinitas dimensiones de la tierra y el universo de la sociedad y la mente humana.

## Objetivos:

- Le Que el estudiante de enseñanza de la matemática adquiera los conocimientos y destrezas necesarias en la utilización de chordenadas, así como la interpretación geométrica de las relaciones entre ellas.
- 2. Que el estudiante amplie su acervo cognoscitivo, trascendiendo de la bidimensión a la explicación de fenómenos en el espacio tridimensional o en cualquier espacio. La realidad nos ofrece infinitas dimensiones, por eso hoy se conoce la potencia de cualquier conjunto o su producto finito o infinito de cualquier conjunto o de muchos conjuntos.
- 3. Que el estudiante reconorca la relación unificadora de diversas ramas de las matemáticas que proporciona la géometría y en especial la relación entre la geometría analítica, la geometría euclídea, el álgebra, el análisis y la topología.
- 4. Que el estudiante asuma una actitud crítica y creativa hacia la enseñanza de las matemáticas, con dos condiciones, una disciplina de trabajo y observando la vida.

# Objetivos específicos:

- 1. El estudiante utilizará sistemas de coordenadas para generalizar nociones de la geometría elemental, para crear nuevas teorías, nuevos conjuntos, nuevas relaciones, estructuras, sistemas u organizaciones y para resolver nuevos problemas.
- 2. El estudiante utilizará métodos algebraicos para resolver problemas reales y muy en especial geométricos.
- 3. El estudiante utilizará los métodos de la geometría analítica para obtener representaciones geométricas de las ecuaciones y de las relaciones funcionales.
- 4. El estudiante determinará la ecuación de lugar geometrico del conjunto de puntos que sumple cierta condición dada.

2. 14-3-1996

- 5. El estudiante utilizará la ecuación de la recta, plano y las secciones cónicas, para resolver problemas diferentes.
- 6. El estudiante utilizará vectores o matrices para el estudio de curvas y superficies en el espacio.

## CONTENIDOS

# Capítulo I

19:6-2

Sistemas de coordenadas polares y la recta

- 1. Motivación histórica sobre los orígenes de la geometría analítica y su necesidad.
- 2. Coordenadas cartesianas en el plano y coordenadas polares.
- 3. Distancia entre dos puntos en el plano en coordenadas cartesianas y polares.
- 4. La recta en el plano en coordenas cartesianas y polares.
- 5. Distancia de un punto a una recta. Intersección de dos rectas.
- 6. Rectas paralelas y perpendiculares. Angulos entre rectac.
- (7) Area de un triángulo.
- 8. Aplicaciones: Construcción de curvas en coordenadas polares, analíticamente y via computadora.

### Capítulo II

## Secciones cónicas

- 1. La circunferencia o círculo, ecuación general de la circunferencia, rectas tangentes a una circunferencia, teoremas y problemas de lugares geométricos relativos a la circunferencia. Traslación, reflexión y rotación de ejes coordenados. Simplificación de ecuaciones por transformación de coordenadas.
- 2. La parábola: ecuación de la parábola con vértice en (h.k) y eje paralelo a un eje coordenado. Ecuación de la tangente a una parábola; la función cuadrática y aplicaciones.
- 3. La elipse: ecuación de la elipse de un centro (h,k) y ejes paralelos a los coordenados. Propiedades de la elipse.
- 4. La hipérbola: asíntotas a la hipérbola; hipérbola equilátera; hipérbolas conjugadas, propiedades de la hipérbola.
- 5. Ecuación general de segundo grado en dos variables.
- 6. Las cónicas en coordenadas polares. 3. 44-2-1996.

- 7. Diferencia entre la antigua y la actual forma de estudiar las cónicas.
- 8. Aplicaciones: (Construcción de antenas parabólicas, hornos solares, órbitas planetarias, las leyes de Kepler.)

2月10日開發展開刊2月

# Capítulo III

Ecuaciones paramétricas

- 1. Obtención de la ecuación rectangular de una curva a partir de su representación paramétrica.
- 2. Gráfica de una curva a partir de su representación paramétrica.
- 3. Representación paramétrica de las cónicas.
- 4. Resolución de problemas de lugares geométricos por el método paramétrico.
- 5. Aplicaciones: Circunferencias deslizando interiormente y exteriormente sobre circunferencias.

# Capitulo IV

Trazado de curvas y el cálculo diferencial

- 1. La utilización de las derivadas de una función para dibujar su gráfica.
- 2. El trazado de curvas polinómicas, potencias, trigonométricas, trigonométricas inversas, logarítimicas e hiperbólicas.
- 3. El uso del papel log-log.

### Capítulo V

Vectores en el plano y el espacio tridimensional

- 1. Noción física de vectores. Dirección y magnitud de un vector.
- 2. Operaciones con vectores.
- 3. Producto escalar y producto vectorial.
- 4. Problemas geométricos.
- 5. La necesidad de pasar de R2 a R3 y así sucesivamente.
- 6. Rectas en R3.

## Capítulo VI

Superficies y Curvas en R3 4. 44-3-1896.

- 1. Superficies cilíndricas.
- 2. Superficies de revolución.
- 3. Coordenadas cilíndricas y coordenadas esféricas.
- 4. Superficies cuadráticas: ecuación general de segundo grado con tres variables.
- 5. Aplicaciones: área, volumen, centro geométrico.
- 6. Curvas en R3.
- 7. Intersecciones de superficies. La necesidad de generalizar la integral simple para calcular el volumen de la región limitada por superficies.

### BIBLIOGRAFIA

- 1. Larson Roland E., Hostetler Robert P., CALCULO Y GEOMETRIA ANALITICA. Mc Graw-Hill, 1992.
- 2. Apostol Tom M., CALCULUS, Volúmenes 1 y 2, editorial Reverté. 1984.
- 3. Varilly Joseph, ELEMENTOS DE GEOMETRIA PLANA, editorial de la Universidad de Costa Rica, 1988.
- 4. Britton Jack R., Kriegh R. Ben. Rutland Leon W.. MATEMATICAS UNIVERSITARIAS. Centro Regional de Ayuda Técnica (AID), 1969.
- 5. H. B. Phillips, GEOMETRIA ANALITICA, Unión tipográfica Editorial Hispano Americana.
- 6. Artin, ALGEBRA GEOMETRICA, Limusa, 1992.

# CRONOGRAMA

Capítulo I (2 semanas)
Capítulo II (3 semanas)
Capítulo III (2 semanas)
Capítulo IV (2 semanas)
Capítulo V (2 semanas)
Capítulo VI (2 semanas)

#### EVALUACION

Exámenes o trabajos, posibles fechas:

24 25 46 515 4	1 6 6 W W	2	armanaling handing	at the track	L. C. C. C.
1.	28	de	marzo de 1996	20	%
2.	23	de	abril de 1996	20	%
3.	29	de	mayo de 1998	20	%
4.	27	de	junio de 1998	20	10
5	10	de	julio de 1996	20	%