Universidad de Costa Rica Sede de Occidente Departamento de Ciencias Naturales Sección de Matemática Il ciclo 2011

Profesor: Carlos Márquez Rivera Correo: carlos.marquez@ucr.ac.cr

Horas Consulta: Lunes de 3 p.m. a 5 a.m. y Jueves de 3 p.m. a 9 p.m.

Martes de 9 a.m a 11 a.m



CARTA AL ESTUDIANTE MA-0123 PRINCIPIOS DE MATEMÁTICA

DESCRIPCIÓN DEL CURSO:

En este curso se contemplan los temas fundamentales de la lógica, teoría de conjuntos, relaciones y funciones. Se pretende establecer una base para evaluar argumentos lógicos, y demostraciones en el contexto de las matemáticas y ejemplos de situaciones cotidianas. Se desea además que el estudiante domine conceptos básicos como el de conjunto, relación y función.

OBJETIVO GENERAL:

Introducir al estudiante en el conocimiento de la lógica, teoría de conjuntos, relaciones y funciones.

OBJETIVOS ESPECÍFICOS:

- 1. Manejo de las conectivas lógicas y sus tablas de verdad.
- 2. Mostrar la estrecha relación que existe entre las leyes de la lógica y las demostraciones en la teoría de conjuntos.
- 3. Introducir al estudiante en el manejo de las nociones de relación y función, sus propiedades y tipos.

CONTENIDOS Y CRONOGRAMA:

Capítulo 1: Elementos de lógica matemática. (3 Semanas) (del 8 al 28 de agosto)

Conectivas básicas y tablas de verdad. Equivalencia lógica. Implicación lógica. Reglas de inferencia. Cuantificadores. Uso de cuantificadores. Métodos básicos de demostración. Demostración de teoremas.

Capítulo 2: Teoría elemental de conjuntos. (2 Semanas) (del 29 de agosto al 11 de septiembre)
Conceptos básicos. Igualdad entre conjuntos. Subconjuntos. Propiedades de conjuntos.
Operaciones entre conjuntos: unión, intersección, diferencia, diferencia simétrica, complemento,
Cardinalidad y diagramas de Venn. Conjunto potencia. Familia de conjuntos.

Hasta aquí primer parcial-8 de septiembre

Capítulo 3: Relaciones Binarias. (1.5 Semanas) (del 12 al 21 de septiembre)

Pares ordenados. Producto cartesiano. Relaciones binarias y tipos. Relaciones de orden. Orden total, orden parcial.. Relaciones de equivalencia. Clases de equivalencia. Particiones. Conjuntos cociente.

Capítulo 4: Funciones. (2 Semanas) (del 22 de septiembre al 5 de octubre)

Dominio, codominio, rango, imagen directa, imagen inversa. Funciones inyectivas, sobreyectivas, biyectivas. Composición de funciones. Función inversa. Funciones de IR en IR.

Capítulo 5: Los Números Naturales y el principio de Inducción. (1.5 Semanas) (del 6 al 16 de octubre)
El Principio de inducción. Construcción de los números Naturales. Definición por recurrencia.
Conjuntos finitos e infinitos. Conjuntos equipotentes.

Hasta aquí segundo parcial-24 de noviembre

Capítulo 6: Construcción de los Números Enteros. (3 Semanas) (del 17 de octubre al 6 de noviembre) Construcción de los enteros a partir de los de números naturales.

Capítulo 7: Construcción de los Números Racionales y Reales. (3 Semanas) (del 7 al 27 de noviembre) Construcción de los enteros a partir de los de números racionales a partir de los enteros. Construcción de los reales a partir de los racionales.

Hasta aquí tercer parcial-5 de diciembre

Metodología:

El curso contemplará principalmente una participación expositiva por parte del docente, con la respectiva atención a las interrogantes que tengan los estudiantes en un momento específico, las cuales, si el profesor lo considera, se evacuaran entre ellos para crear una interacción. Asimismo se le entregará al estudiante, en forma constante, listas de ejercicios. Además el estudiante deberá realizar ejercicios en clase o en la casa para exponerlos al grupo, así como diferentes tareas.

Evaluación:

Se realizarán 4 exámenes parciales en las siguientes fechas:

Primer Parcial: Lunes 13 de setiembre del 2011, 8:00 a.m., (30%) Segundo Parcial: Lunes 4 de octubre del 2011, 8:00 a.m. (35%) Tercer Parcial: Lunes 1 de noviembre del 2011, 8:00 a.m. (35%)

En el primer examen se evaluará el Capítulo 1y 2. En el segundo examen se evaluarán los Capítulos 3, 4 y 5. En el tercer examen se evaluará el Capítulo 3. En el cuarto examen se evaluarán los Capítulos 6 y 7.

Estos promedian un 100% de la nota de aprovechamiento (NA).

En caso de que NA>70 el o la estudiante gana el curso.

Si $60 \le NA < 70$ la o el estudiante tiene derecho a realizar un examen de ampliación. En otro caso pierde el curso.

Notas:

- a) Reposición del primer, segundo y tercer parcial: Viernes 3 de Diciembre 1:00 pm.
- b) Ampliación: Lunes 13 de Diciembre 8:00 am.
- c) Sobre la distribución de las semanas y las fechas se advierte que las mismas son provisionales, su ratificación o variación queda sujeta a posibles cambios que el profesor considere.

BIBLIOGRAFÍA:

- 1. Murillo Tsíjli, Manuel. (2004) *Introducción a la Matemática Discreta*. Segunda Edición. Cartago: Editorial Tecnológica de Costa Rica.
- Veerarajan. (2008) Matemáticas discretas. Con teoría de gráficas y combinatoria. México: McGraw-Hill.
- 3. Grimaldi, R. P. (1997) Matemáticas Discretas y Combinatorias. A-Wesley Iberoamericana.
- 4. Lipschutz Seymour. Teoría de Conjuntos. Serie Schawm.
- 5. Restrepo, Guillermo. (1998) Los Fundamentos de la Matemática. Editorial Universidad del Valle.
- 6. Arias, F. y Barrantes, H (2010) *Introducción a la Matemática Formal desde las funciones*. San José: Editorial U.C.R.