



Universidad de Costa Rica
Sede de Occidente
MA0540 Principios de Análisis I
I semestre 2024

Datos Generales.

Sigla: MA-0540.

Nombre del curso: Principios de Análisis I.

Tipo de curso: Teórico. Bajo virtual

Numero de creditos: 5 creditos.

Numero de horas semanales presenciales: 5 horas.

Requisitos: Álgebra y Análisis II (MA-0304).

Ubicación en el plan de estudio: V semestre.

Horario del curso: Lunes de 1pm a 3:50 pm, Jueves de 1pm a 2:50pm.

Profesor: Jesús Rodríguez Rodríguez

jesus.rodriguez@ucr.ac.cr,

Descripción del curso.

Este curso esta dirigido a estudiantes de tercer año de la carrera de Enseñanza de las Matemáticas y que cuentan con conocimientos básicos de análisis en una variable. El objetivo general es introducir al estudiante en conceptos básicos de topología en R^n y de análisis en varias variables.

En el presente documento encontrara información sobre los aspectos del curso, tales como objetivos, contenidos, evaluación y bibliografía, principalmente.



Es su derecho y su deber, estar informado sobre lo que se espera que aprenda en este curso, as como sobre la manera en que sera evaluado su aprendizaje. Se le sugiere leer con detenimiento esta carta y consultar sobre cualquier duda que tenga al respecto.

El aprendizaje de la Matemáticas requiere del dominio de los conceptos propios de la materia, as como de gran cantidad de practica. Se debe poner especial énfasis en comprender los conceptos y en desarrollar las destrezas necesarias para lograr un manejo apropiado de los procesos lógicos, as como para la solución de los ejercicios. La responsabilidad de llevar el curso con éxito es compartida. De usted, como estudiante, se espera una actitud positiva que le permita llevar a cabo su tarea con la dedicación y el esfuerzo necesarios.

De parte del docente, en calidad de facilitador del proceso de aprendizaje, pondrá a su disposición sus conocimientos, as como el mayor empeño. Desde ya, se le desea el mejor de los éxitos durante este ciclo lectivo.

Con este curso se contribuirá a que el estudiante

1. Manipule en forma correcta los conceptos de topología en R^n .
2. Calcule correctamente, límites de funciones en varias variables.
3. Calcule correctamente, derivadas de funciones en varias variables.
4. Aplique correctamente los teoremas relacionados con el diferencial de una función en varias variables (Regla de la Cadena, Teorema de la función inversa, Teorema de la función implícita.)
5. Calcule correctamente áreas y volúmenes de cuerpos sólidos, utilizando integrales múltiples.



Contenidos

Topología en R^n . (4-semanas).

1. Repaso de teoría de conjuntos. Definiciones y ejemplos de unión de conjuntos, intersección de conjuntos, familias de conjuntos, diferencia de conjuntos, complemento de un conjunto, producto cartesiano, función, imagen inversa de un conjunto, distancia.
2. Estructura de R^n : Producto interno. Normas en R^n . Desigualdad de Cauchy-Schwarz. Desigualdad de Minkowski. Sucesiones en R^n .
3. Conjuntos abiertos y cerrados: Identificación e interpretación geométrica de conjuntos abiertos y cerrados, teoremas relacionados con uniones e intersecciones de abiertos y cerrados.
4. Relación entre un punto y un conjunto: punto interior, punto frontera, punto de acumulación, punto de adherencia de un conjunto dado y teoremas relacionados.
5. Conjuntos compactos. Definición de conjunto compacto en R^n como conjunto cerrado y acotado.
6. Continuidad: Definición de función continua por medio de un conjunto abierto.
7. Relación entre continuidad y compacidad: Imagen de un conjunto compacto bajo una función continua.



Límites y continuidad en varias variables. (2-semanas).

1. Límites en R^n . Definición de límite y demostraciones. Propiedades de los límites (suma, diferencia, producto, división y composición.). Teoremas relacionados con la existencia del límite de una función dada.
2. Continuidad. Definición de función continua en un punto (por medio del límite).
3. Propiedades de las funciones continuas. Suma, diferencia, producto, división y composición.
- 4.

Diferenciación en R^n . (7-semanas)

1. Funciones de varias variables. función real de variable vectorial, función vectorial de variable vectorial, función vectorial de variable real.
2. Geometría de las funciones reales de variable vectorial. Superficies cuadráticas en R^3 .
3. Derivada direccional y derivada parcial. Definición y ejemplos de derivadas parciales y direccionales de una función dada. Derivadas parciales de orden superior, gradiente de una función.
4. Campos vectoriales. Definición de campo vectorial, ejemplos de campos vectoriales (interpretación geométrica), campos vectoriales conservativos, teorema de las derivadas parciales de segundo orden para determinar si un campo vectorial es conservativo.



5. Diferencial en R^n . Definición y ejemplos de diferencial como transformación lineal.
6. Propiedades del diferencial. Unicidad. Suma, diferencia, producto y división de funciones diferenciables. Forma matricial del diferencial (Matriz jacobiana). Relación entre el diferencial y las derivadas direccionales de una función dada, otros teoremas relacionados. Planos tangentes.
7. Regla de la cadena. Ejemplos de diferencial de una composición de funciones. Forma matricial.
8. Teorema de la función inversa. Teorema de la función implícita.
9. Extremos de funciones reales. Multiplicadores de Lagrange.
- 10.

Integración en R^n . (3-semanas).

1. Definición de suma de Riemann.
2. Integrales múltiples. Calculo de áreas y volúmenes en varias variables.

Metodología

El curso contemplará la participación expositiva por parte del docente, con la respectiva atención a las interrogantes de los y las estudiantes. Se trabajara con las listas de ejercicios dadas por el profesor, con el fin de reforzar la comprensión de los contenidos vistos en clases. Comprenderá también la resolución de



ejercicios en la pizarra, por parte de los estudiantes. Se evaluarán aspectos como: fluidez y claridad en la exposición de ideas.

Manejo adecuado de los conceptos vistos en clase. Resolución completa de cada ejercicio asignado.

Cronograma.

Se advierte que las fechas propuestas a continuación son provisionales, su variación o ratificación quedan sujetas a criterios del docente.

Semana	Actividad	Observaciones
1. 11/03 - 15/03	Topología en R^n	
2. 18/03 - 22/03	Topología en R^n	
Semana Santa		
3. 01/04 - 06/04	Topología en R^n	
4. 08/04 - 12/04	Topología en R^n	
5. 16/04 - 19/04	Límites y continuidad en varias variables.	I Parcial
6. 22/04 - 26/04	Límites y continuidad en varias variables.	
7. 29/04 - 03/05	Diferenciación en R^n	
8. 06/05 - 10/05	Diferenciación en R^n	
9. 13/05 - 17/05	Diferenciación en R^n	
10. 20/05 - 24/05	Diferenciación en R^n	II Parcial
11. 27/05 - 31/05	Diferenciación en R^n	
12. 03/06 - 07/06	Diferenciación en R^n	
13. 10/06 - 14/06	Diferenciación en R^n	
14. 17/06 - 21/06	Integración en R^n	
15. 24/06 - 28/06	Integración en R^n	



16. 01/07 - 05/07	Integración en R^n	III Parcial
17. 08/07 - 12/07		Ampliación

Evaluación.

Se realizarán tres exámenes parciales con un valor de 30% cada uno. A continuación se detalla las fechas de los tres parciales

1. Primer parcial: viernes 19 de abril.
2. Segundo parcial: viernes 24 de mayo.
3. Tercer parcial: viernes 28 de junio.
4. Ampliación: viernes 12 de julio.

Se trabajará también con listas de ejercicios recomendados por el profesor, con el fin de reforzar la comprensión de los contenidos estudiados en clases. Se dedicarán algunas lecciones, a la exposición por parte de los estudiantes, de la resolución de ejercicios asignados por el profesor. Estos ejercicios serán tomados de las listas de ejercicios mencionadas anteriormente. Estas exposiciones tendrán un valor total de 10 %.

La nota final (NF) es la suma correspondiente de los porcentajes obtenidos en los tres exámenes parciales.

1. Si 70 NF el o la estudiante aprueba el curso.



2. Si $60 \leq NF \leq 70$ el o la estudiante tiene derecho a realizar examen de ampliación.
3. Si $NF < 60$ el o la estudiante pierde el curso.

Los exámenes de reposición se harán de forma oral y estarán a cargo de un tribunal formado por tres profesores, incluyendo al profesor del curso.

Bibliografía

1. Apostol, T. (1986). Análisis Matemático (Segunda Edición). Barcelona: Editorial Reverte.
2. Apostol, T. (1997). Calculus. Volumen I. Barcelona: Editorial Reverte.
3. Apostol, T. (2010). Calculus. Volumen II. Barcelona: Editorial Reverte.
4. Bartle, R. G. (1992). Introducción al Análisis Matemático. México D.F: Editorial Limusa.
5. Edwards, C. H. (1995). Advanced Calculus of Several Variables. Dover Publications Inc.
6. Gonzalez, C. M. (1999). Análisis Real. Costa Rica: Editorial UNED.
7. Marsden, J., & Tromba, J. A. (1998). Cálculo vectorial (Cuarta edición). México: Editorial Prentice Hall.
8. Mena, B. (2003). Introducción al cálculo vectorial. México: Editorial Thomson.



UNIVERSIDAD DE
COSTA RICA



SM
Sección de
Matemática

9. Pita, C. R. (1995). Cálculo vectorial. México: Editorial Prentice Hall.