

**MA-1004 ÁLGEBRA LINEAL  
CARTA AL ESTUDIANTADO III CICLO 2024**

**Naturaleza del curso: Teórico**

**Número de horas sincrónicas: 10**

**Número de horas estudio independiente: 8**

**Horas totales: 18**

**Modalidad: Presencial**

**Créditos: 3**

**Requisito: Ninguno, Correquisitos: Ninguno**

**Estimada persona estudiante:**

Reciba una cordial bienvenida y esperamos que este curso contribuya significativamente a su formación profesional. En este documento encontrará la información referente a la descripción, objetivos, contenidos, evaluación, cronograma y bibliografía del curso.

**1. Descripción**

Este curso brinda las herramientas básicas que son esenciales en muchos campos de estudio. Su utilidad práctica se ha consolidado en la explicación de principios fundamentales y en la simplificación de cálculos en distintas ramas como ingeniería, ciencias de la computación, matemáticas, física, biología, procesamiento de imágenes, economía y estadística. Lo que esperamos se convierta en un estímulo para el trabajo que deberán realizar en el curso.

El objetivo principal de este curso es dotar a la persona estudiante de la maquinaria del álgebra lineal necesaria para hacer frente a cursos avanzados de su respectiva carrera. Para lograr este fin el curso inicia con el estudio de sistemas de ecuaciones lineales y la teoría de matrices, como una herramienta para resolver estos sistemas. Posteriormente se utilizarán herramientas algebraicas en la resolución de problemas de tipo geométrico. En la segunda parte del curso se tiene al estudio de los espacios vectoriales y las transformaciones lineales entre espacios vectoriales de dimensión finita.

En este curso se requiere que la persona estudiante desarrolle su capacidad de pensamiento abstracto. Se busca que obtenga conclusiones sobre cómo resolver un problema, reconociendo las hipótesis planteadas, y utilizar los conceptos teóricos en el planteamiento de la solución de dicho problema. Para este fin será necesario incluir algunas demostraciones simples y la generalización de algunos conceptos, sin llegar a un nivel de abstracción extremo. Este curso tiene un nivel medio de dificultad y se requiere que la persona estudiante dedique suficiente tiempo para comprender y asimilar los diferentes conceptos y resultados teóricos estudiados en la clase. Además para fortalecer el estudio es importante que dedique tiempo a la resolución de problemas. Como apoyo a esta tarea, **todo el cuerpo docente de la cátedra cuenta con horas**

**de consulta destinadas a atender las dudas de los y las estudiantes del curso.** Los horarios de atención en la sección 11.2 de este documento.

Otro apoyo adicional en conjunto con la Vicerrectoría de Vida Estudiantil, son los llamados **Estudiaderos**, los cuales funcionan los miércoles de cada semana a partir de las 8 a.m. y son atendidos por asistentes, quienes le ayudarán a salir adelante cuando tenga dudas sobre los ejercicios. **Este espacio se desarrollará de manera remota.** Para mayor información al respecto puede consultar la Oficina de Vida Estudiantil.

El curso tiene 3 **créditos**. Según el Convenio para unificar la definición de crédito en la Educación Superior de Costa Rica y el Reglamento de Régimen Académico Estudiantil (art. 3, inciso c), se define un crédito como la unidad valorativa del trabajo de la persona estudiante, que equivale a tres horas reloj semanales de trabajo del mismo, durante 15 semanas, aplicadas a una actividad que ha sido supervisada, evaluada y aprobada por la persona docente. De esta forma, de acuerdo con el Reglamento de Régimen Académico Estudiantil, a 3 **créditos** corresponde una dedicación de 9 horas por semana para la persona estudiante.

## 2. Objetivos generales del curso

Los objetivos generales del curso son:

1. Contribuir a la formación matemática de los y las estudiantes, esencial para describir, entender y resolver problemas propios de su disciplina.
2. Contribuir al desarrollo de los y las estudiantes, de su habilidad para interpretar y deducir analíticamente resultados del álgebra lineal y aplicar éstos a su disciplina de estudio.
3. Fomentar el uso correcto del lenguaje de la matemática y desarrollar la habilidad para expresar ideas de manera rigurosa.
4. Que el estudiante adquiera dominio de temas básicos del álgebra lineal.

## 3. Objetivos específicos

Durante este curso la persona estudiante será capaz de:

1. Resolver, manualmente y mediante uso de software apropiado, sistemas de ecuaciones lineales.
2. Expresar en forma adecuada, el conjunto solución de un sistema de ecuaciones lineales.
3. Conocer el álgebra de matrices.
4. Reconocer en un sistema de ecuaciones lineales la multiplicación matricial, para aplicarlo adecuadamente a la solución y análisis de dichos sistemas.
5. Conocer y aplicar el concepto de determinantes para el análisis y la solución de sistemas de ecuaciones lineales.
6. Determinar, si existe, la inversa de una matriz cuadrada. Calcular, manualmente y mediante uso de software apropiado, la inversa de una matriz invertible.
7. Conocer y aplicar la geometría vectorial a diferentes tipos de problemas.

8. Conocer la estructura de espacio vectorial y espacios vectoriales relacionados con matrices y polinomios.
9. Identificar el conjunto  $\mathbb{R}^n$  como un espacio vectorial con producto interno, conocer su geometría, e identificar sus subespacios vectoriales.
10. Conocer y aplicar las propiedades básicas del producto vectorial en  $\mathbb{R}^n$ .
11. Determinar si un conjunto de vectores constituye una base para un espacio vectorial.
12. Conocer y aplicar el algoritmo de Gram-Schmidt a subconjuntos de  $\mathbb{R}^n$ .
13. Determinar el complemento ortogonal de un subespacio de  $\mathbb{R}^n$ .
14. Conocer las propiedades básicas de las transformaciones lineales y su relación con el álgebra de matrices.
15. Representar transformaciones lineales entre espacios vectoriales de dimensión finita mediante una matriz.
16. Determinar bases para el núcleo y la imagen de una transformación lineal.
17. Representar una transformación lineal mediante una matriz, asociada a cualquier par de bases dadas de su dominio y de su codominio respectivamente.
18. Determinar matrices de cambio de coordenadas y relacionarlas con la representación matricial de una transformación lineal.
19. Obtener los valores propios de una matriz y los espacios propios asociados a cada valor propio.
20. Determinar si una matriz o una transformación lineal, es diagonalizable o no.
21. Aplicar los conceptos sobre ortogonalización al estudio de las ecuaciones cuadráticas en dos y tres variables.

#### 4. Contenidos

##### **TEMA 1: Sistemas de ecuaciones lineales y matrices**

Sistemas de  $n$  ecuaciones lineales en  $m$  variables homogéneos y no homogéneos. Método de reducción de Gauss-Jordan. Forma escalonada y forma escalonada reducida de una matriz. Matriz de coeficientes y matriz aumentada de un sistema de ecuaciones lineales. Operaciones elementales sobre las filas de una matriz. Matrices equivalentes por filas. Solución y conjunto solución de un sistema de ecuaciones lineales. Rango de una matriz.

##### **TEMA 2: Geometría vectorial**

Representación geométrica de un vector. Suma y resta de vectores, representación geométrica y propiedades. Producto escalar de vectores y sus propiedades. Norma de un vector. Ángulo entre dos vectores. Producto cruz en  $\mathbb{R}^3$  y sus propiedades. Proyecciones ortogonales en  $\mathbb{R}^2$  y  $\mathbb{R}^3$ .

**TEMA 3: Rectas y planos** Descripción de una recta en  $\mathbb{R}^2$  y  $\mathbb{R}^3$ . Ecuaciones vectorial, paramétricas y simétricas de una recta en  $\mathbb{R}^3$ . Planos en  $\mathbb{R}^3$ . Ecuación vectorial y normal de un plano en  $\mathbb{R}^3$ . Distancias

entre dos puntos. Distancia entre un punto y una recta. Distancia entre dos planos. Distancia entre un punto y un plano, y entre dos rectas.

#### **TEMA 4: Álgebra matricial y resolución de sistemas de ecuaciones lineales**

Concepto general de una matriz. Operaciones con matrices: igualdad, suma, producto por escalar, multiplicación de matrices, transposición. Matrices invertibles. Método de Gauss-Jordan para hallar la inversa de una matriz. Matrices y sistemas lineales. Matriz transpuesta y sus propiedades. Definición y propiedades del determinante. Aplicaciones de determinante en áreas y volúmenes. Regla de Cramer.

#### **TEMA 5: Espacios vectoriales**

Qué es un espacio vectorial. Propiedades básicas de los espacios vectoriales. Ejemplos de espacios vectoriales. Subespacio vectorial. Combinación lineal de un conjunto de vectores de un espacio vectorial. Conjunto generador de un espacio vectorial. Bases ordenadas y dimensión de un espacio vectorial. Coordenadas de un vector con respecto a una base ordenada.

#### **TEMA 6: Ortogonalidad y proyecciones**

Ortogonalidad entre vectores, conjuntos y subespacios. Conjuntos y bases ortogonales y ortonormales. Complemento ortogonal de un subespacio. Proyección ortogonal sobre un subespacio vectorial. Método de ortogonalización de Gram-Schmidt.

#### **TEMA 7: Transformaciones lineales**

Concepto de transformación lineal. Núcleo e imagen de una transformación lineal. Teorema del rango nulidad. Representación matricial de una transformación lineal. Matriz de cambio de base. Inyectividad y sobreyectividad de una transformación lineal. Transformaciones lineales invertibles.

#### **TEMA 8: Valores y vectores propios: Diagonalización**

Concepto de valor y vector propio. Subespacio asociado a un valor propio. Polinomio característico de una matriz. Diagonalización y diagonalización ortogonal.

### **5. Modalidad**

Según las resoluciones [VD-11502-2020](#), [VD-11489-2020](#) y [VD-R-12055-2022](#), este curso se llevará a cabo en la modalidad: **Presencial**

- **Presencial:** todas las lecciones semanales se reciben de manera presencial en la Universidad de Costa Rica.

En el caso de que las autoridades sanitarias del país y de la Universidad emitan restricciones para el

desarrollo de la práctica docente, las sesiones presenciales que hayan sido previstas se trasladarán a la modalidad virtual, según las indicaciones que dé la coordinación del curso.

Se utilizará la plataforma virtual oficial [Mediación Virtual](#) (MV2) en el entorno [I-S-2023-RRF-Álgebra Lineal](#), en el cual se publicará de manera oportuna material del curso (videos de la web, documentos con la teoría, listas de ejercicios, etc), así como comunicados a la comunidad estudiantil. Las personas matriculadas se comprometen a revisar periódicamente (al menos 2 veces por semana) el sitio del curso.

El papel de la persona docente será de acompañamiento y de guía en todas las actividades, mientras que la persona estudiante debe asumir un papel activo, responsabilizándose de la organización de su trabajo y de la adquisición de las diferentes competencias según su propio ritmo. Se busca con ello que la persona estudiante sea capaz de lograr aprendizajes significativos de manera independiente, que ejecute estrategias cognitivas de exploración y descubrimiento, así como de planificación y regulación de su propia actividad.

## 6. Evaluación

El avance de los temas del curso será evaluado por medio de dos **exámenes parciales**, dos **tareas** y dos **exámenes cortos**, según la siguiente distribución porcentual:

### 1. Exámenes parciales

Se realizarán **dos** exámenes parciales **presenciales** en las fechas y horas indicadas en el cronograma. Los exámenes son de cátedra y su resolución es en forma individual.

- En el Examen 1 se evaluarán los contenidos de: Tema 1 al Tema 4.
- En el Examen 2 se evaluarán los contenidos de: Tema 5 al Tema 8.

Actividad	Valor	Fecha
Examen 1	35 %	V 31/01/2025 9:00 a.m.
Examen 2	35 %	V 28/02/2025 9:00 a.m.

### 2. Tareas (Valor: 20 % total, con igual peso por tarea).

Se realizarán **dos** tareas a lo largo del curso, según las fechas indicadas en el cronograma. Estas tareas serán asignadas por la persona docente responsable a través de Mediación Virtual e incluirán una serie de preguntas que deberán resolverse siguiendo las instrucciones específicas proporcionadas. Cada tarea se llevará a cabo en la misma semana que el examen corto correspondiente. Las fechas límite para su entrega estarán claramente indicadas en el entorno de la cátedra, y cada tarea permanecerá habilitada por al menos 7 días naturales.

### 3. Exámenes cortos (Valor: 10 % cada uno).

Se realizarán **dos** exámenes cortos, programados en las semanas indicadas en el cronograma. En caso de que un estudiante no pueda asistir al examen corto por razones justificadas, deberá presentar la boleta correspondiente con el comprobante pertinente para poder solicitar la reposición. La reposición del examen no se realizará en un día adicional, sino que se podrá llevar a cabo durante las horas de

consulta del docente, según lo acuerde con el estudiante. Es importante que el estudiante se comunique oportunamente para coordinar la reposición de la evaluación en el plazo establecido.

**La persona docente puede convocar a la persona estudiante a que aclare, mediante una reunión, los resultados obtenidos en cualquiera de las evaluaciones que se realizarán en el curso, de modo que si la persona estudiante no es capaz de justificar su procedimiento, entonces será invalidado, recibiendo un cero en dicha evaluación.**

Para quien no pueda realizar alguna de las evaluaciones, la realización de una prueba de reposición está sujeta a lo dispuesto en el artículo 24 del [Reglamento de Régimen Académico Estudiantil de la Universidad de Costa Rica](#), el cual se cita a continuación:

**Artículo 24.** Cuando el estudiante se vea imposibilitado, por razones justificadas, para efectuar una evaluación en la fecha fijada, puede presentar una solicitud de reposición a más tardar en cinco días hábiles a partir del momento en que se reintegre normalmente a sus estudios. **Esta solicitud debe presentarla ante el profesor que imparte el curso**, adjuntando la documentación y las razones por las cuales no pudo efectuar la prueba, con el fin de que el profesor determine, en los tres días hábiles posteriores a la presentación de la solicitud, si procede una reposición. Si ésta procede, el profesor deberá fijar la fecha de reposición, la cual no podrá establecerse en un plazo menor de cinco días hábiles contados a partir del momento en que el estudiante se reintegre normalmente a sus estudios. Son justificaciones: la muerte de un pariente hasta de segundo grado, la enfermedad del estudiante u otra situación de fuerza mayor o caso fortuito. En caso de rechazo, esta decisión podrá ser apelada ante la dirección de la unidad académica en los cinco días hábiles posteriores a la notificación del rechazo, según lo establecido en este Reglamento.

Para solicitar la realización del examen de reposición debe llenar la [boleta de solicitud de examen de reposición](#), acompañada con el documento oficial que justifique debidamente la razón de su ausencia al examen respectivo. También se encuentra disponible en el entorno de la cátedra.

Las fechas de las pruebas de reposición, suficiencia y ampliación son las siguientes:

Actividad	Fecha
Reposición 1 Parcial	K 04/03/2025 9:00 a.m.
Reposición 2 Parcial	K 04/03/2025 1:00 p.m.
Suficiencia	M 10/01/2025 9:00 a.m.
Ampliación	V 01/03/2025 9:00 a.m.

La nota final del curso se determinará según se especifica en los artículos 25 y 28 del [Reglamento de Régimen Académico Estudiantil de la Universidad de Costa Rica](#). Dicha nota se notifica a la Oficina de Registro e Información en la escala de cero a diez, en enteros y fracciones de media unidad. La calificación final de siete (7.0) es la mínima para aprobar un curso. En el caso de obtener un 6.0 o 6.5, el estudiante tiene derecho a

realizar un exámen de ampliación. El estudiante que obtenga en la prueba de ampliación una nota de 7.0 o superior, tendrá una nota final de 7.0. En caso contrario, mantendrá 6.0 o 6.5, según corresponda.

**Examen de ampliación:** consistirá de una prueba comprensiva, donde se evaluarán todos los temas evaluados en las pruebas parciales y las tareas. Este prueba se llevará a cabo de forma **presencial**.

## 7. Régimen disciplinario

En caso de detectarse fraude o plagio en las evaluaciones, se aplicará el [Reglamento de Orden y Disciplina de los Estudiantes de la Universidad de Costa Rica](#). Esta normativa establece como faltas muy graves:

**Artículo 4c.** Hacerse suplantar o suplantar a otro en la realización de actividades que por su naturaleza debe ser realizada por el estudiante, ya sea prueba, examen, control de conocimientos o cualquier otra operación susceptible de ser evaluada.

**Artículo 4k.** Presentar como propia una obra intelectual elaborada por otra u otras personas, para cumplir con los requisitos de cursos, trabajos finales de graduación o actividades académicas similares.

Asimismo, es una falta grave:

**Artículo 5c.** Copiar de otro estudiante tareas, informes de laboratorio, trabajos de investigación o de cualquier otro tipo de actividad académica.

Dichas faltas se sancionan con una suspensión de la condición de estudiante, por un tiempo definido según el tipo de falta.

## 8. Objetivos de evaluación

- 1. Sistemas de ecuaciones lineales y matrices** Al concluir esta sección la persona estudiante estará en capacidad de:
  - Identificar la matriz de coeficientes de un sistema de ecuaciones lineales.
  - Escribir un sistema de ecuaciones lineales en forma matricial (matriz aumentada).
  - Obtener el conjunto solución de un sistema de ecuaciones lineales, aplicando reducción por filas a la matriz ampliada del sistema
  - Expresar, adecuadamente, el conjunto solución de un sistema de ecuaciones lineales.
  - Calcular la forma escalonada reducida de una matriz.
  - Determinar el rango fila de una matriz.
  - Estudiar sistemas de ecuaciones lineales, homogéneos o no, con coeficientes alfa numéricos, determinando condiciones algebraicas sobre los coeficientes para que el sistema sea inconsistente, o tenga solución única, o tenga infinitas soluciones y en este último caso determinar el número de parámetros libres de los cuales depende el conjunto solución del sistema.
- 2. Geometría vectorial.** Al concluir esta sección el estudiante estará en capacidad de:
  - Interpretar flechas entre puntos de  $\mathbb{R}^n$  como vectores.
  - Interpretar geoméricamente la suma de dos vectores y el producto de un escalar por un vector.
  - Calcular el producto punto de dos vectores y la norma de un vector.
  - Determinar el coseno del ángulo formado por dos vectores.
  - Determinar la proyección ortogonal de un vector sobre otro.
  - Calcular el producto vectorial de dos vectores en  $\mathbb{R}^3$  y conocer sus propiedades algebraicas y geométricas.
  - Determinar el punto que minimiza la distancia entre dos objetos algebraicos, como encontrar el punto más cercano de un punto a una recta, de un punto a un plano, entre otros, utilizando técnicas de álgebra vectorial y proyección ortogonal.
  - Aplicar los conceptos de la geometría vectorial para resolver problemas geométricos.
- 3. Rectas y planos.** Al concluir esta sección el estudiante estar en capacidad de:
  - Determinar una ecuación vectorial para una línea recta en  $\mathbb{R}^3$ .
  - Determinar ecuaciones paramétricas para una línea recta en  $\mathbb{R}^3$ .
  - Determinar ecuaciones simétricas para una línea recta en  $\mathbb{R}^3$ .
  - Determinar una ecuación vectorial para un plano en  $\mathbb{R}^3$ .
  - Determinar una ecuación normal para un plano en  $\mathbb{R}^3$ .
  - Determinar intersecciones entre dos líneas rectas, entre una línea recta y un plano y entre dos planos.
  - Determinar la distancia entre dos puntos de  $\mathbb{R}^n$ .
  - Determinar la distancia entre un punto y una línea recta, entre dos líneas rectas, entre una línea recta y un plano y entre dos planos.
  - Resolver problemas geométricos relacionados con líneas rectas y planos.
- 4. Álgebra matricial y resolución de sistemas de ecuaciones lineales.** Al concluir esta sección la persona estudiante estará en capacidad de:



- Reconocer una matriz, establecer su dimensión, identificar sus filas y sus columnas, referirse a sus elementos de acuerdo al puesto que ocupan en la matriz.
- Identificar cuando dos matrices son iguales.
- Clasificar una matriz como cuadrada, triangular inferior, triangular superior, o diagonal.
- Calcular la matriz transpuesta de una matriz, e identificar si una matriz dada es simétrica o antisimétrica.
- Determinar cuándo es posible sumar dos matrices.
- Sumar matrices, multiplicar matrices por números reales, identificar la matriz nula como elemento neutro de la suma de matrices.
- Determinar en cuales casos es posible multiplicar dos matrices.
- Multiplicar matrices y conocer la no conmutatividad del producto de matrices.
- Identificar a la matriz identidad como elemento neutro para la multiplicación de matrices.
- Conocer y aplicar las propiedades de la multiplicación de matrices: asociatividad, distributividad respecto de la suma de matrices, producto de un escalar por el producto de dos matrices.
- Conocer y aplicar las propiedades de la trasposición de matrices en relación con la suma y el producto de matrices y la multiplicación por escalar.
- Conocer el concepto de inverso multiplicativo de una matriz y su unicidad, cuando exista la matriz inversa.
- Determinar en qué casos una matriz cuadrada tiene inversa.
- Calcular la inversa de una matriz, cuando esta exista.
- Calcular el determinante de una matriz.
- Calcular el determinante de una matriz triangular.
- Conocer las propiedades del determinante de una matriz respecto a las operaciones elementales sobre sus filas o sus columnas.
- Conocer y aplicar las propiedades del determinante respecto a la multiplicación y la trasposición de matrices.
- Calcular el determinante de la matriz inversa de una matriz dada.
- Determinar, calculando el determinante, si una matriz cuadrada dada es invertible o no.
- Conocer y aplicar la regla de Cramer para resolver sistemas de ecuaciones lineales, con igual número de ecuaciones que de variables y matriz de coeficientes invertible.

5. **Espacios vectoriales.** Al concluir esta sección la persona estudiante estará en capacidad de:

- Conocer la estructura algebraica de espacio vectorial.
- Reconocer a  $\mathbb{R}^n$ , al conjunto de matrices de dimensión  $m \times n$ , al conjunto de polinomios de grado menor o igual que  $n$  y a otras estructuras conocidas por las personas estudiantes, como espacios vectoriales.
- Reconocer subespacios formados por las combinaciones lineales de un conjunto finito de vectores de un espacio vectorial.
- Hallar una base para un subespacio vectorial dado.
- Conocer el concepto de espacio generado por un conjunto de vectores dados.
- Conocer el concepto de base y dimensión de un espacio vectorial.
- Completar un conjunto linealmente independiente a una base de un espacio vectorial dado.
- Determinar las coordenadas de un elemento de un espacio vectorial, con respecto a una base fija dada.

- Determinar condiciones para que un conjunto de vectores, que dependen de uno o más parámetros, sea linealmente independiente.

6. **Ortogonalidad y proyecciones.** Al concluir esta sección el estudiante estará en capacidad de:

- Reconocer cuando un subconjunto de  $\mathbb{R}^n$  es ortogonal.
- Reconocer cuando un subconjunto de  $\mathbb{R}^n$  es ortonormal.
- Determinar el complemento ortogonal de un subespacio de  $\mathbb{R}^n$  dado.
- Obtener la proyección ortogonal de un vector de  $\mathbb{R}^n$  sobre un subespacio vectorial de  $\mathbb{R}^n$  dado.
- Obtener una base ortogonal a partir de una base dada de un subespacio. (Proceso de ortogonalización de Gram-Schmidt.)

7. **Transformaciones lineales.** Al concluir esta sección el estudiante estará en capacidad de:

- Conocer el concepto de transformación lineal y sus propiedades básicas.
- Reconocer los subespacios vectoriales núcleo e imagen de una transformación lineal.
- Obtener bases para el núcleo y la imagen de una transformación lineal.
- Determinar completamente una transformación lineal, a partir de las imágenes de los elementos de una base de su dominio.
- Determinar si una transformación lineal es inyectiva.
- Determinar si una transformación lineal es sobreyectiva.
- Conocer y aplicar la relación entre las dimensiones del dominio, el núcleo y la imagen de una transformación lineal.
- Conocer que la suma de transformaciones lineales, la multiplicación por escalar de una transformación lineal y la composición de transformaciones lineales es una transformación lineal.
- Reconocer que toda matriz de dimensión  $m \times n$  determina una transformación lineal de  $\mathbb{R}^n$  en  $\mathbb{R}^m$ .
- Reconocer que toda transformación lineal de  $\mathbb{R}^n$  en  $\mathbb{R}^m$  corresponde a multiplicación por alguna matriz de dimensión  $m \times n$ .
- Obtener la matriz de dimensión  $m \times n$  que determina a una transformación lineal dada de  $\mathbb{R}^n$  en  $\mathbb{R}^m$ .
- Obtener una representación matricial para una transformación lineal dada de  $\mathbb{R}^n$  en  $\mathbb{R}^m$  con respecto a bases dadas para el dominio y el producto de matrices.
- Reconocer una representación matricial de la transformación identidad, como una matriz de cambio de base.
- Conocer la relación entre transformaciones lineales invertibles y matrices invertibles y aplicarlo a obtener inversas de aplicaciones lineales inyectivas.

8. **Valores y vectores propios: Diagonalización.** Al concluir esta sección el estudiante estará en capacidad de:

- Conocer los conceptos de valor y vector propio de una matriz cuadrada.
- Calcular el polinomio característico de una matriz cuadrada.
- Identificar los valores propios de una matriz cuadrada con las raíces de su polinomio característico.
- Conocer el concepto de espacio propio correspondiente a un valor propio.
- Determinar los espacios propios correspondientes a los distintos valores propios de una matriz cuadrada, obteniendo una base para cada uno de tales espacios propios.

- Identificar la multiplicidad algebraica y geométrica de un valor propio.
- Determinar si una matriz dada  $A$  es diagonalizable y en caso que lo sea obtener una matriz invertible  $P$  tal que  $P^{-1}AP$  sea diagonal.
- Determinar si una matriz dada  $A$  es ortogonalmente diagonalizable y en caso que lo sea obtener una matriz ortogonal  $P$  tal que  $P^{-1}AP$  sea diagonal.
- Conocer que una matriz real es ortogonalmente diagonalizable si y solo si es simétrica.

## 9. Cronograma

Este cronograma es una guía de la distribución semanal de los contenidos del curso, cada docente está en libertad de exponer los conceptos y realizar la práctica que considere necesaria según su estilo de docencia.

	Semana	Temas	Tareas	Quiz
1.	06/01 - 10/01	Tema 1-2: Sistemas de ecuaciones. Operaciones con vectores.	-	-
2.	13/01 - 17/01	Tema 3: Rectas, planos. Distancias.	-	-
3.	20/01 - 24/01	Tema 4: Álgebra matricial. Determinantes.	Tarea 1	Quiz 1
4.	27/01 - 31/01	Tema 4: Áreas y volúmenes. Repaso.	-	-
	Viernes 31/01 9am	<b>Primer Examen Parcial</b>	-	-
5.	03/02 - 07/02	Tema 5-6: Espacios vectoriales. Ortogonalidad y proyecciones.	-	-
6.	10/02 - 14/02	Tema 7: Transformaciones lineales. Diagonalización de matrices.	-	-
7.	17/02 - 21/02	Tema 7: Continuación de diagonalización. Aplicaciones.	Tarea 2	Quiz 2
8.	24/02 - 28/02	Repaso general.	-	-
	Viernes 28/02 9am	<b>Segundo Examen Parcial</b>	-	-
	Viernes 07/03 9am	<b>Ampliación</b>	-	-

## 10. Referencias bibliográficas

La bibliografía incluida en este programa constituye una guía para el profesor y el estudiante en cuanto al nivel de presentación de los temas que forman el programa. El profesor puede ampliarla con otros libros de referencia de su preferencia.

Como referencia, se sugiere el libro

(h) Anton, H. (2004) Introducción al Álgebra Lineal. Quinta edición. Limusa. México.

el cual se puede acceder a través de la página del SIBDI. Otras referencias que invitamos a consultar son:

1. Arce, C.; Castillo, W.; y González, J. (2004) Álgebra lineal. Tercera edición. UCR. San Pedro.
2. Del Valle, Juan C. (2012) Álgebra lineal para estudiantes de ingeniería y ciencias. Mc Graw Hill. México.
3. Grossman, S-Flores, José. (2019). Álgebra lineal. Mc Graw Hill. México. 8<sup>va</sup> edición.
4. Guillén, H., Ramirez, J., Segura, E. y Sequerira, F. (2022) Álgebra Lineal: un enfoque práctico y consiso. Editorial Universidad Nacional
5. Hill, R. (1996) Álgebra Lineal Elemental con Aplicaciones. Tercera edición. Prentice Hall. México.
6. Howard, A. (1992) Introducción al Álgebra lineal. Tercera edición. Limusa. México.
7. Grossman, S. (1996) Álgebra lineal con aplicaciones. Quinta edición. Mc Graw Hill. México.

8. Grossman, S-Flores, José. (2019). Álgebra lineal. Mc Graw Hill. México. 8<sup>va</sup> edición.
9. Lay, D. (2012) Álgebra Lineal y sus aplicaciones. Cuarta edición. Pearson. México.
10. Noble, D. (1989) Álgebra Lineal Elemental y sus Aplicaciones. Tercera edición. Prentice Hall. México.
11. Pita, Claudio. (1991) Álgebra lineal con aplicaciones. Cuarta edición. Mc Graw Hill. España.
12. Sánchez, Jesús. (2020) Álgebra lineal fundamental: teoría y ejercicios. Editorial UCR.
13. Sánchez, Jesús. (2020) MA1004 álgebra lineal: Exámenes resueltos. En revisión.

## 11. Anexos

### 11.1. Infografías



Ilustración de tres personas (una mujer con el puño en alto, un hombre con gafas y un hombre con gafas y gorra) sosteniendo un cartel que dice "DISCRIMINACIÓN".

Es un acto u omisión que afecta las oportunidades de una persona o sus derechos humanos.

**SON MANIFESTACIONES DE DISCRIMINACIÓN:**

- Ataques físicos
- Burlas, bromas ofensivas
- Uso de vocabulario discriminatorio
- Trato diferencial o despectivo
- Exclusión o segregación
- Desinterés o maltrato
- Negación a brindar servicios

**DENUNCIA**

La denuncia puede presentarse personalmente o mediante correo electrónico ante la Comisión Institucional Contra la Discriminación (CICDI).

Ninguna de las personas denunciantes o testigos sufrirá perjuicios.

Si usted ha vivido una situación de discriminación puede acercarse a la CICDI para buscar apoyo.

☎ 2511-1294    ✉ [comision.contradiscriminacion@ucr.ac.cr](mailto:comision.contradiscriminacion@ucr.ac.cr)

FC Facultad de Ciencias

Para conocer el Reglamento contra Discriminación de la UCR ingrese aquí 



Toda conducta de naturaleza sexual indeseada por quien la recibe, que provoque efectos perjudiciales en el estado general o bienestar personal.

#### SON MANIFESTACIONES DE HOSTIGAMIENTO SEXUAL:

- Invitaciones a citas, almuerzos, cine u otros
- Propuestas o conductas de naturaleza sexual
- Humillaciones u ofensas con palabras, gestos o imágenes
- Acercamientos o formas de contacto físico no deseados
- Intentos de comunicación ajenos a la relación profesional o académica

#### DENUNCIA

Las denuncias se realizan en forma verbal o escrita, ante la Comisión Institucional Contra el Hostigamiento Sexual (CICHS).

#### CONTACTOS

Comisión Institucional contra el Hostigamiento Sexual: 2511-4898

comision.contrahostigamiento@ucr.ac.cr

Defensoría contra el Hostigamiento Sexual: 2511-1909

defensoriahs@ucr.ac.cr



## 11.2. Horarios de consulta del cuerpo docente de MA 1004

### 12. Atención a estudiantes

En el siguiente [link](#) permite ver los horarios de consulta actualizados de los docentes en la cátedra.

- **Profesor:** Alvin David Vallejos Meléndez.  
Correo electrónico: [alvin.vallejos@ucr.ac.cr](mailto:alvin.vallejos@ucr.ac.cr)  
Grupo: 901  
Para atender consultas: No especificado.
- **Profesor:** Gerardo Acosta Campos.  
Correo electrónico: [gerardo.acosta@ucr.ac.cr](mailto:gerardo.acosta@ucr.ac.cr)  
Grupo: 905  
Para atender consultas: No especificado.
- **Profesor:** Douglas Geovanny Jiménez Cubero.  
Correo electrónico: [douglas.jimenezcubero@ucr.ac.cr](mailto:douglas.jimenezcubero@ucr.ac.cr)  
Grupo: 903, 904  
Para atender consultas: No especificado.
- **Profesor:** Jorge Eduardo Rojas Solís.  
Correo electrónico: [jorge.rojassolis@ucr.ac.cr](mailto:jorge.rojassolis@ucr.ac.cr)  
Grupo: 902  
Para atender consultas: No especificado.
- **Profesor:** Daniel Mora Mora.  
Correo electrónico: [daniel.moramora@ucr.ac.cr](mailto:daniel.moramora@ucr.ac.cr)  
Grupo: 906  
Para atender consultas: No especificado.

Jennifer Acuña Larios.  
Coordinadora MA1004 Álgebra Lineal  
Dirección electrónica: [jennifer.acunalarios@ucr.ac.cr](mailto:jennifer.acunalarios@ucr.ac.cr)  
Casillero: #143  
Teléfono: 2511-3416